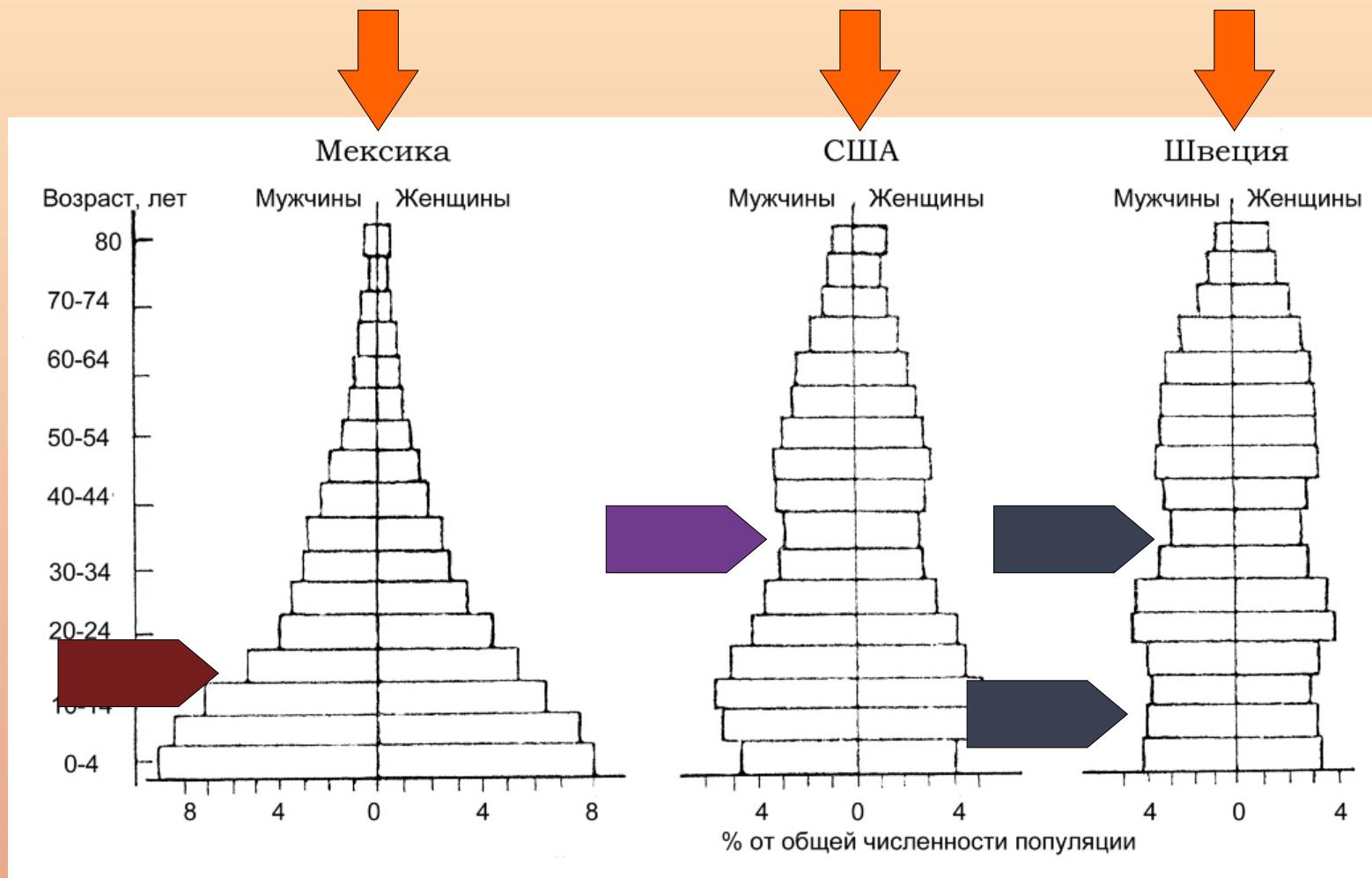


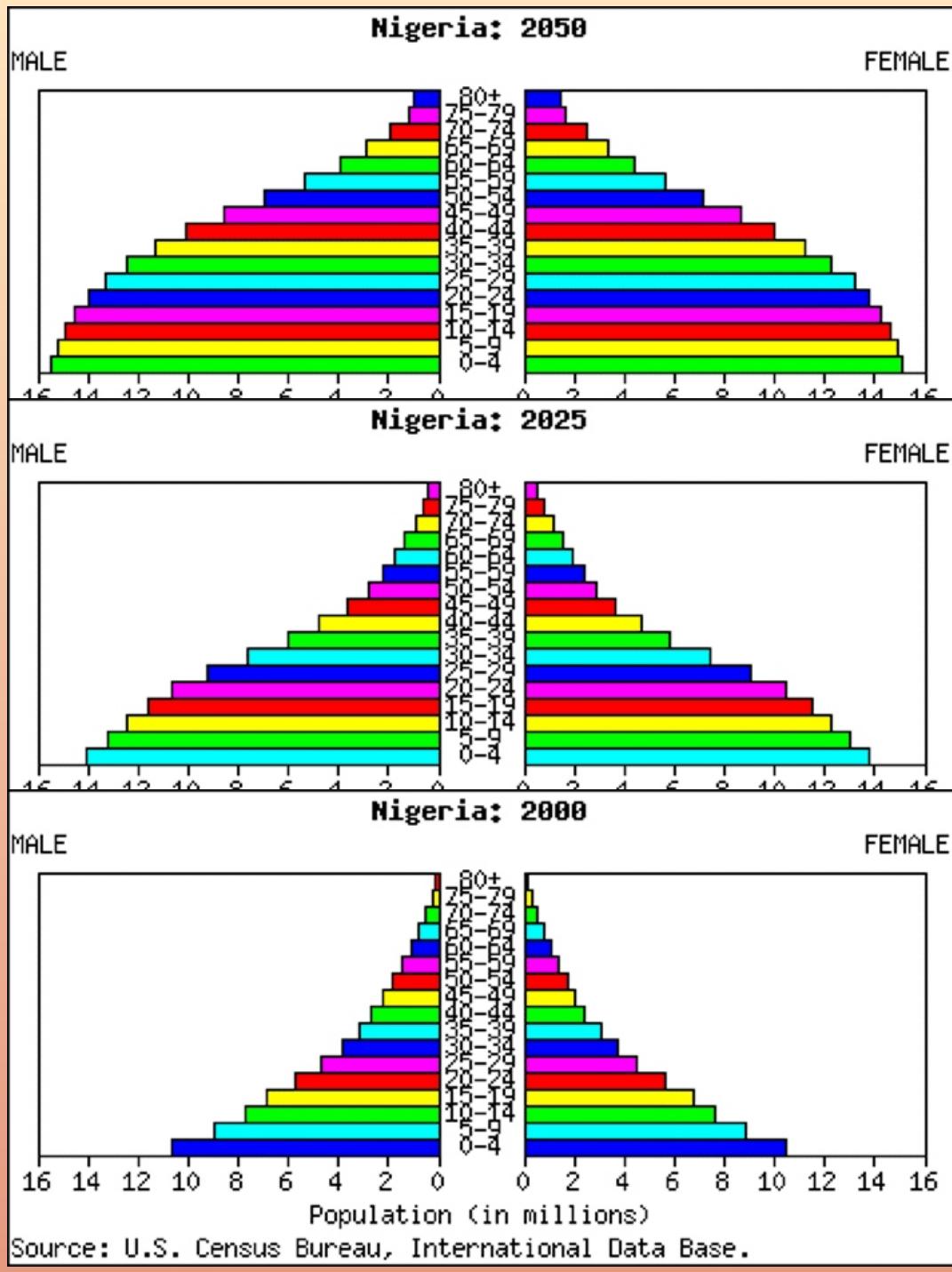
# ЭКОЛОГИЯ

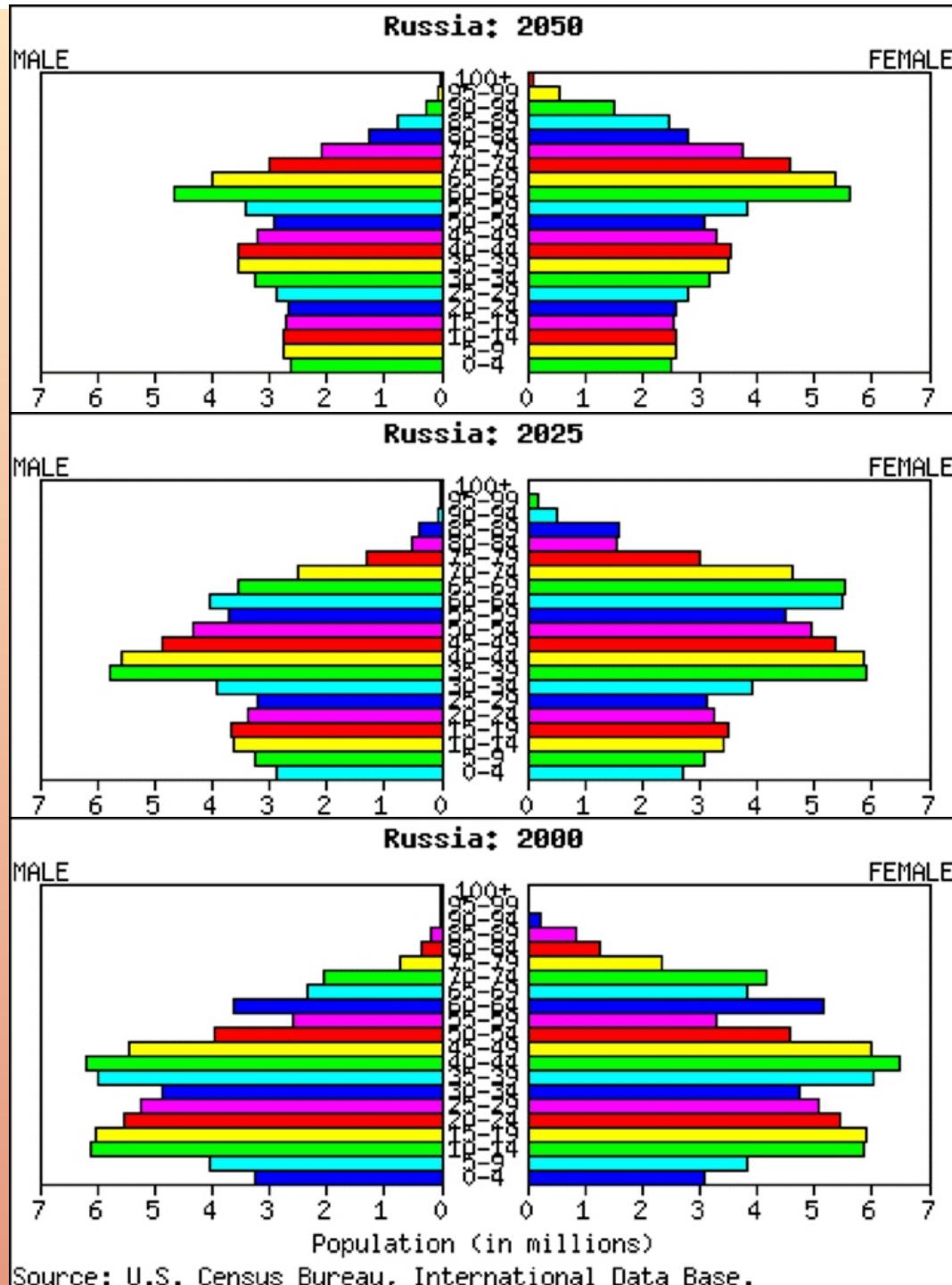
---

Лекция 6

# Поло-возрастная (половая и возрастная) структура







# Особенности половой структуры

Соотношение полов:

**первичное** — при возникновении зигот

**вторичное** — у “новорожденных”

**третичное** — к моменту наступления половой зрелости

Размах колебаний третичного соотношения полов (доля взрослых самцов) у разных видов (по разным авторам из Яблокова, 1987):

дрозофилы — от 0 до 50%

прыткая ящерица — 33-54%

лесной лемминг — 22-70%

соболь — 50-70%

окунь речной — 10-70%

## Популяционная динамика

$$N_t = N_{t-n} + B - D + C - E,$$

где  $N_t$  — количество особей в момент  $t$ ,

$N_{t-n}$  — количество особей в предыдущий момент времени ( $t-n$ ),

$B$  — число особей, родившихся в промежуток  $n$  (*рождаемость*),

$D$  — число погибших за это же время (*смертность*),

$C$  — количество *иммигрантов* (особей, вселяющихся из других мест обитания),

$E$  — количество *эмигрантов* (особей, покидающих популяцию) за этот же временной промежуток.

# Демографические таблицы (таблицы выживания)

Джон Грант  
(1620-1674)

- ▶ Когортные (динамические)
- ▶ Статические

## Демографические таблицы (таблицы выживания)

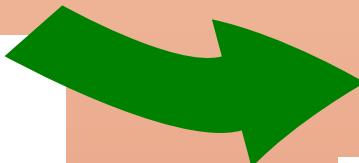
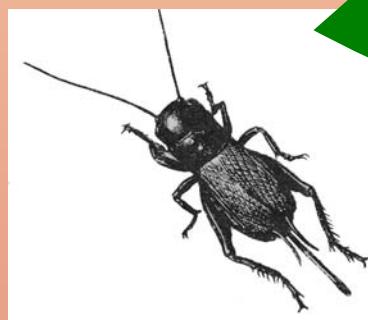
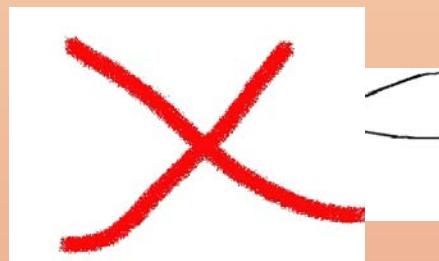
$I_x$  — число (или доля) особей, доживающих до возраста  $x$

$q_x$  — смертность в возрасте  $x$  [ $= (I_{x+1} - I_x) / I_x$ ]

$k_x$  — интенсивность смертности [ $= \lg I_{x+1} - \lg I_x$ ]

$m_x$  — плодовитость в данном возрасте (на 1 самку)

$E_x$  — ожидаемая продолжительность жизни в возрасте  $x$   
[ $= (I_x + I_{x+1} + \dots + I_n) / I_x$ ]



## Демографические таблицы (таблицы выживания)

$I_x$  — число (или доля) особей, доживающих до возраста  $x$

$q_x$  — смертность в возрасте  $x$  [ $= (I_{x+1} - I_x) / I_x$ ]

$k_x$  — интенсивность смертности [ $= \lg I_{x+1} - \lg I_x$ ]

$m_x$  — плодовитость в данном возрасте (на 1 самку)

$E_x$  — ожидаемая продолжительность жизни в возрасте  $x$   
[ $= (I_x + I_{x+1} + \dots + I_n) / I_x$ ]

Демографическая таблица гипотетической стабильной популяции  
(из Пианки, 1981)

Возраст (x)	I	m	Im	xIm	E
0	1	0	0	0	3,4
1	0,8	0,2	0,16	0,16	3
2	0,6	0,3	0,18	0,36	2,67
3	0,4	1	0,4	1,2	2,5
4	0,4	0,6	0,24	0,96	1,5
5	0,2	0,1	0,02	0,1	1
6	0	0	0	0	0

# Демографические таблицы (таблицы выживания)

Демографическая таблица гипотетической стабильной популяции  
(из Пианки, 1981)

Возраст (x)	I	m	Im	xIm	E
0	1	0	0	0	3,4
1	0,8	0,2	0,16	0,16	3
2	0,6	0,3	0,18	0,36	2,67
3	0,4	1	0,4	1,2	2,5
4	0,4	0,6	0,24	0,96	1,5
5	0,2	0,1	0,02	0,1	1
6	0	0	0	0	0

Валовая рождаемость — 2,2 ( $\Sigma m_x$ )

Чистая скорость размножения (или скорость замещения популяции) ( $R_0$ ) — среднее число потомков нулевого возраста, произведенных в среднем организмом за всю его жизнь — 1,0 ( $\sum I_x m_x$ )

Среднее время генерации (T) — средний возраст, в котором самки производят потомство — 2,78 ( $\sum x I_x m_x / R$ )

# Демографические таблицы (таблицы выживания)

- ▶ Когортные (динамические)
- ▶ Статические

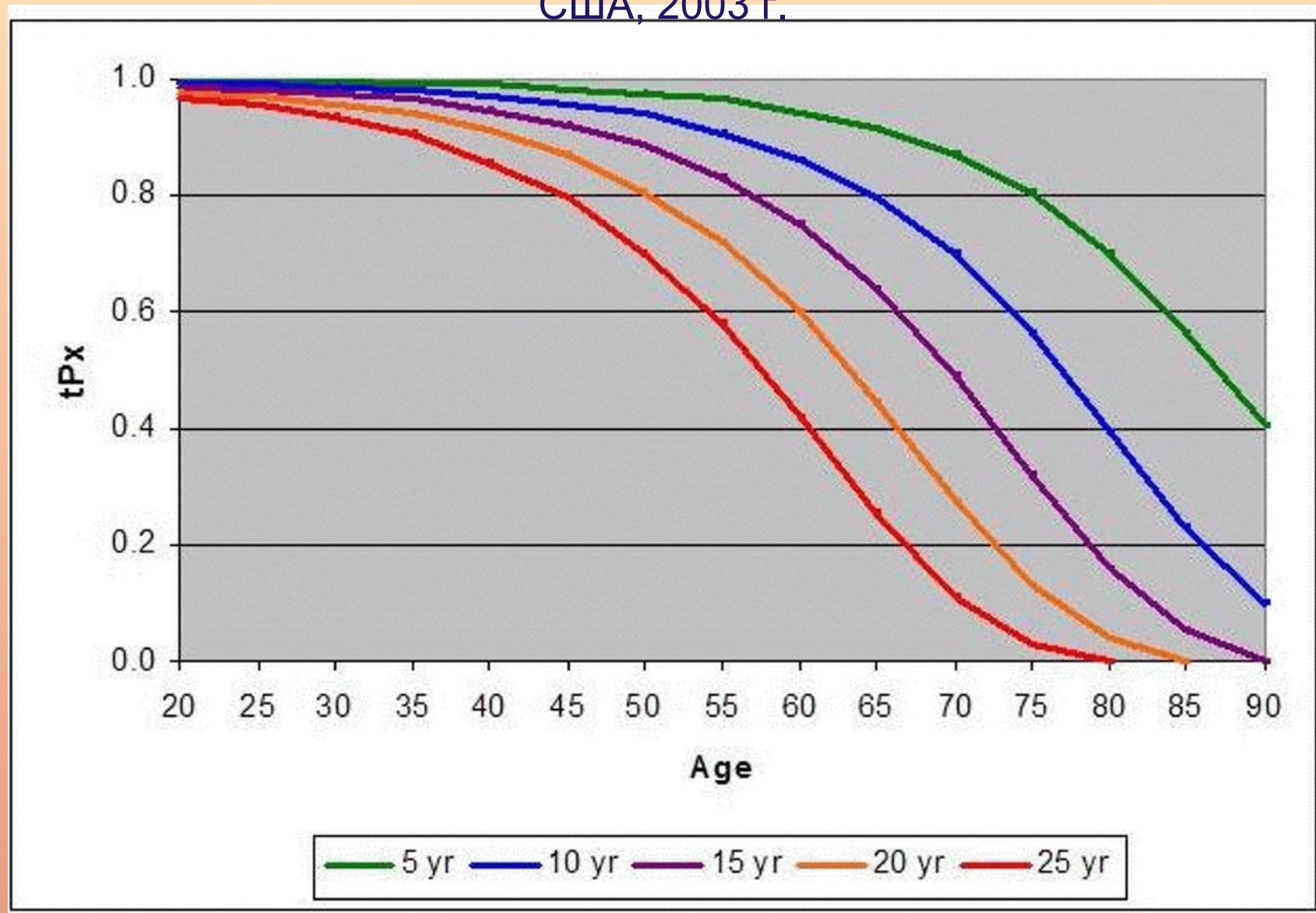
# Демографические таблицы (таблицы выживания)

Статическая таблица для населения Канады (женщины), 1996 г.  
(Statistics Canada, 1999; из Krebs, 2001)

Возрастная когорта	Количество особей	Количество смертей	Смертность, 1000q
0--4	955000	1211	1.28
5--9	984500	159	0.16
10--14	987700	162	0.16
15--19	976500	179	0.18
20--24	1002900	377	0.38
25--29	1102100	525	0.48
30--34	1297200	633	0.49
35--39	1322500	804	0.61
40--44	1195700	1031	0.86
45--49	1074700	1422	1.32
50--54	834000	1899	2.28
55--59	670700	2444	3.64
60--64	616900	3820	6.19
65--69	593100	5900	9.95
70--74	547100	8642	15.8
75--79	415100	10789	25.99
80--84	292700	14226	48.6
85--90	162300	15739	96.97
90 <	88000	28763	326.85

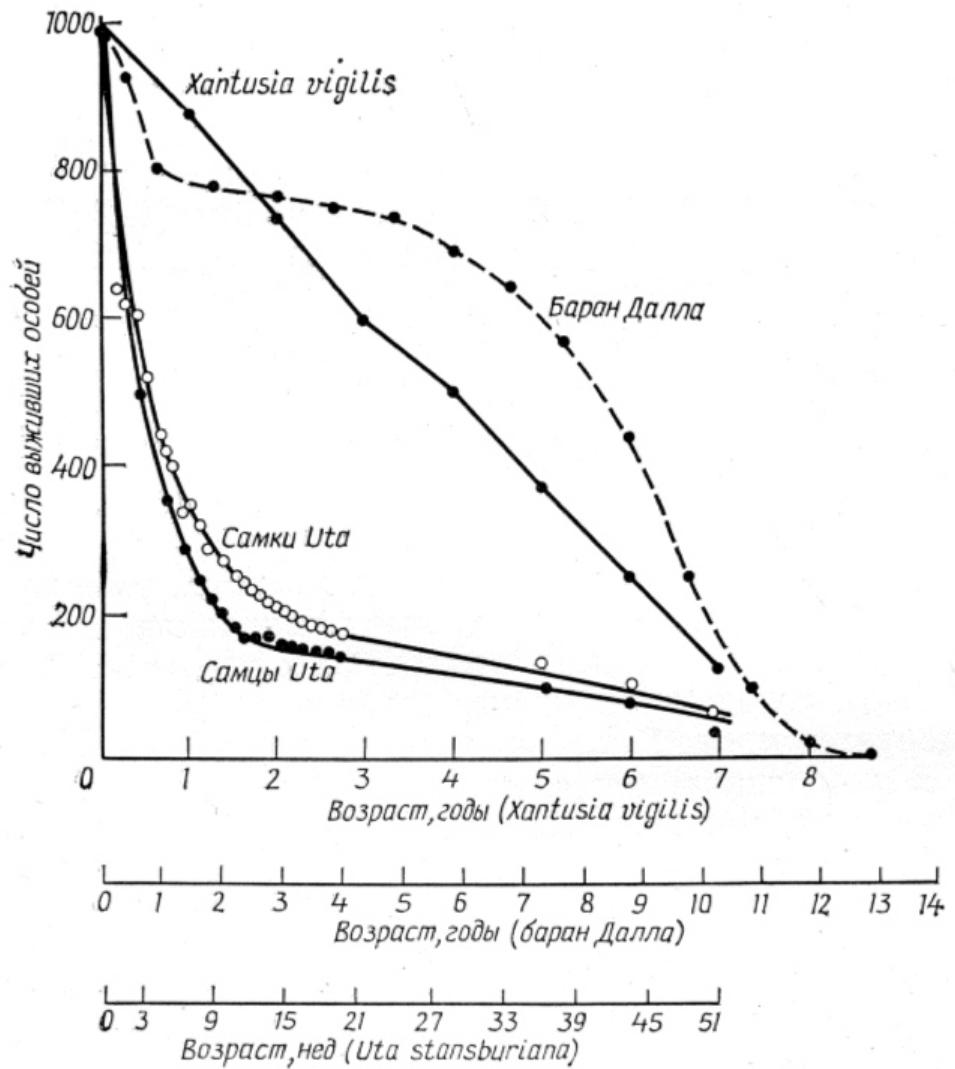
# Демографические таблицы (таблицы выживания)

Оценка вероятности достижения возраста для разных когорт населения  
США, 2003 г.



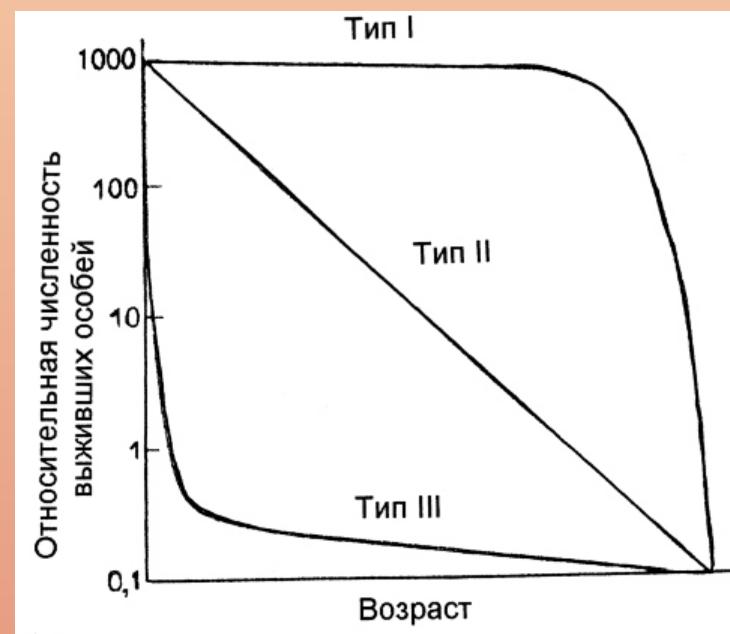
[[http://en.wikipedia.org/wiki/Life\\_table](http://en.wikipedia.org/wiki/Life_table)]

© M.G. Sergeev, 2011



## Кривые выживания

I — кривая дрозофилы  
 III — кривая устрицы



(По разным авторам, из Пианка, 1981)

# Моделирование динамики

## Популяционная динамика

### Модель Мальтуса — рост по экспоненте

Время	0	1	2	3	4	5	6
Численность	1	2	4	8	16	32	64

Если бактерия будет делиться каждые 20 мин, то при сохранении этих темпов через 36 ч ее потомки покроют весь земной шар слоем толщиной 30 см, а еще через 2 ч — 2 м!



Томас Роберт Мальтус  
(1766-1834)

## Популяционная динамика

$$N_t = N_0 e^{rt}$$

где  $N_0$  — исходная численность,  
 $N_t$  — численность во время  $t$ ,  
е — основание натуральных логарифмов,  
 $r$  — *врождённая скорость роста*  
(мальтузианский параметр, “естественная” скорость  
роста, реальная скорость роста, внутренне присущая  
скорость роста, врождённая способность роста,  
истинная скорость роста)

$$r = \ln \lambda$$

## Популяционная динамика

*Скорость роста популяций —  $\lambda = R^{1/T}$*

например,

*годовая скорость роста*

калифорнийский морской слон — 1,096

пашенная полевка — 24

мучной хрущак —  $10^{10}$

*время удвоения численности*

калифорнийский морской слон — 7,6 года

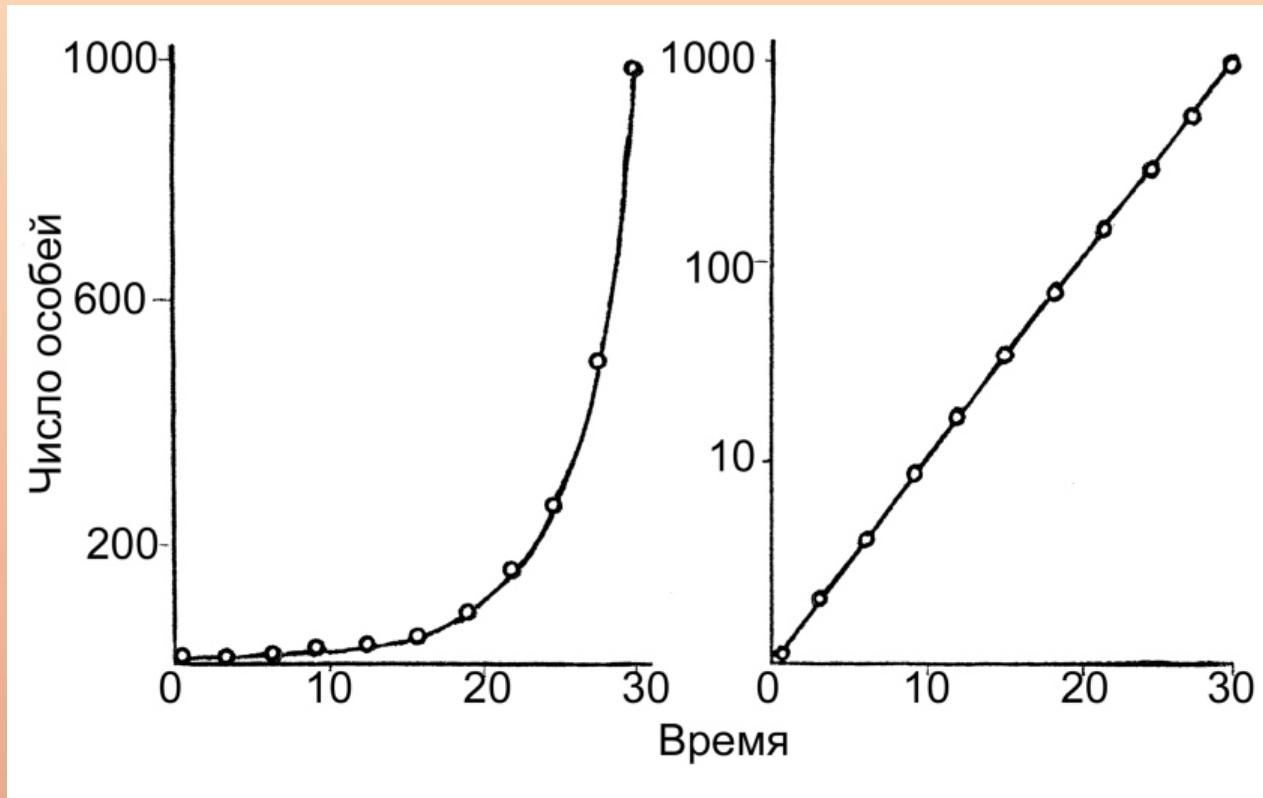
пашенная полевка — 80 суток

мучной хрущак — 10 суток

Оценки максимальной врождённой скорости  
роста и среднего времени генерации для  
разных видов  
(по разным авторам, из Пианки, 1981)

Вид	r <sub>max</sub> , на особь в сутки	T, сутки
<i>Escherichia coli</i>	60	0,014
<i>Paramecia caudatum</i>	0,94	0,1
<i>Tribolium confusum</i>	0,12	80
<i>Rattus norvegicus</i>	0,015	150
<i>Homo sapiens</i>	0,0003	7000

# Популяционная динамика



Экспоненциальный рост —  
неограничен и автокаталитичен  
при этом  $r$  — положительна и постоянна

# Популяционная динамика



(Фарб 1971 Дорст 1968)

## Популяционная динамика



Пьер-Франсуа  
Ферхюльст  
(1804-1849)

Модель Ферхюльста (1838 г.) — логистическая (сигмоидная, S-образная) кривая  
— характер роста популяции зависит от ее численности:  
с увеличением последней скорость роста падает,  
а кривая приближается к поддерживающей емкости среды, и выходит на плато.

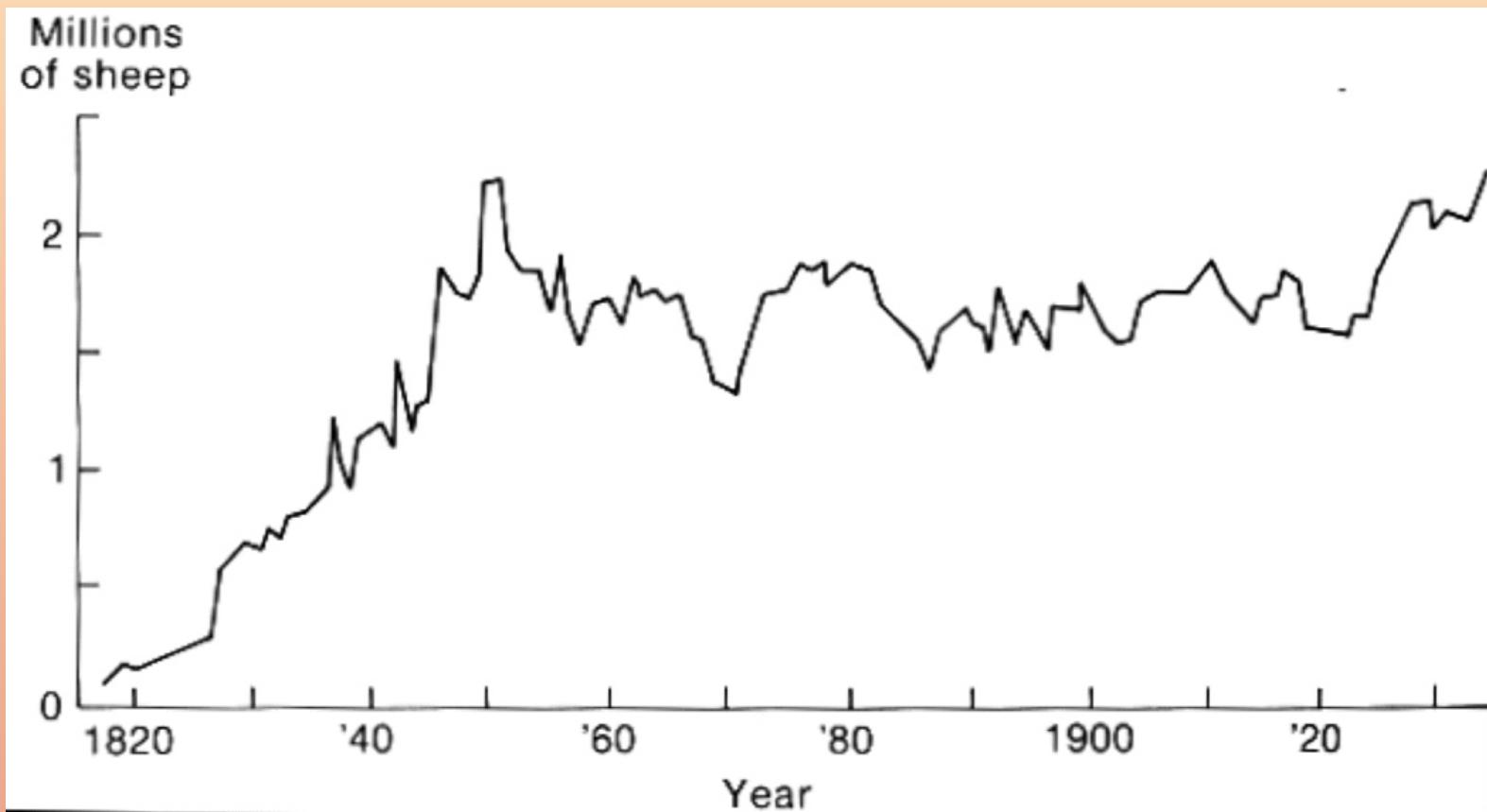
## Популяционная динамика

$$N_t = \frac{N_0 K}{N_0 + (K - N_0) e^{-rt}},$$

где  $N_0$ ,  $N_t$ ,  $r$ ,  $t$  — те же параметры, что и в уравнении экспоненциального роста,  
 $K$  — поддерживающая емкость среды.

Но! На самом деле — в данном случае  
 $r$  — это  $r_{max}$

## Популяционная динамика



Колебания численности овец в Тасмании

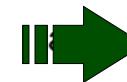
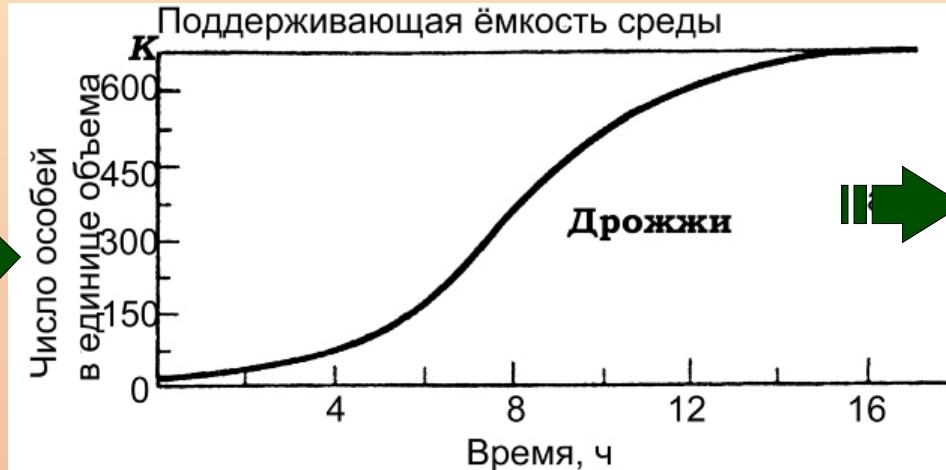
(По Davidson, 1938, из Риклефса и др.)

# Популяционная динамика

Модель  
Ферхюльста



Логистическая  
кривая

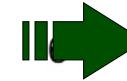
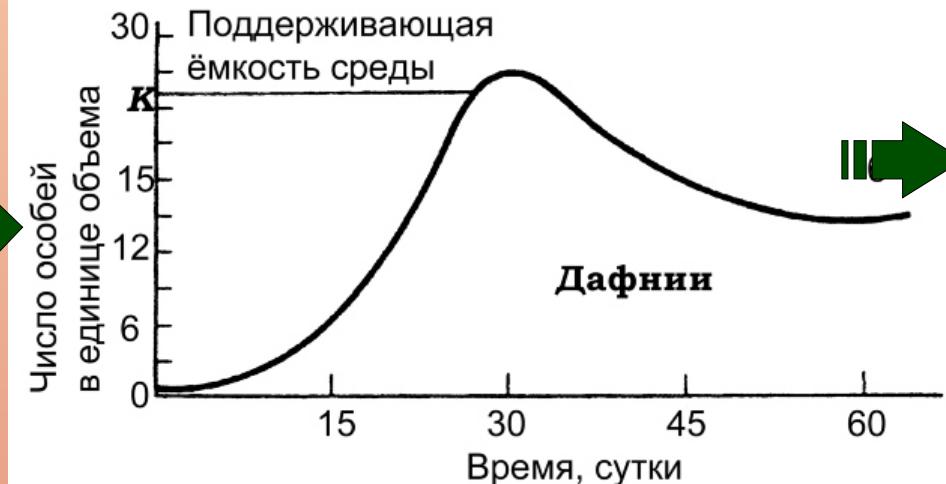


Стабильная  
динамика,  
равновесные  
популяции

J-образная  
кривая



Модель  
Мальтуса



Нестабильная  
динамика,  
оппорту-  
нистические  
популяции